



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ, НАУКИ И МОЛОДЕЖНОЙ ПОЛИТИКИ
РЕСПУБЛИКИ КОМИ
ГОСУДАРСТВЕННОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
«СЫКТЫВКАРСКИЙ ГУМАНИТАРНО-
ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ имени И.А. КУРАТОВА»

«УТВЕРЖДАЮ»
Директор ГПОУ «СГПК»



«УЧЕБНО-ПРОГРАММНЫЕ ИЗДАНИЯ»

ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЙ ЦИКЛ

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОУД.04. Математика

(базовый уровень)

Для студентов, обучающихся по специальности

44.02.02 Преподавание в начальных классах
(углубленная подготовка)

Сыктывкар, 2022

Рабочая программа образовательной учебной дисциплины «МАТЕМАТИКА» предназначена для реализации **общеобразовательного цикла** программы подготовки специалистов среднего звена на базе основного общего образования с получением среднего общего образования

код 44.02.02	наименование специальности Преподавание в начальных классах (программа подготовки специалистов среднего звена углубленной подготовки)
------------------------	---

Разработчики

	Фамилия, имя, отчество	Ученая степень (звание) [квалификационная категория]	Должность
1	Терентьева А.В.	первая	преподаватель

15
[число]

апреля
[месяц]
[дата представления на экспертизу]

2022
[год]

Рекомендована

ПЦК преподавателей информатики, математики с методикой преподавания и физики

Протокол № 5 от «29» апреля 2022 г.

Рекомендована

научно-методическим советом ГПОУ

«Сыктывкарский гуманитарно-педагогический колледж имени И.А. Куратова»

Протокол № 3 от «27» мая 2022 г.

Содержание

1. Паспорт рабочей программы учебной дисциплины	4
2. Структура и содержание учебной дисциплины	8
3. Условия реализации учебной дисциплины	20
4. Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины	23
5. Примерная тематика индивидуальных проектов	29

1. ПАСПОРТ рабочей программы учебной дисциплины

Математика

[название дисциплины в соответствии с ФГОС СОО]

1.1. Область применения рабочей программы учебной дисциплины

Рабочая программа учебной дисциплины «Математика» соответствует Федеральному государственному образовательному стандарту среднего (полного) общего образования, утвержденному приказом Минобрнауки России от 17 мая 2012 г. № 413 (ред. от 11.12.2020) «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования» (Зарегистрировано в Минюсте России 07.06.2012 N 24480)).

Программа общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» предназначена для изучения математики в профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения программы подготовки специалистов среднего звена (ППССЗ) на базе основного общего образования при подготовке специалистов среднего звена.

Программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика» и с учетом Методических рекомендаций по реализации среднего общего образования в пределах освоения образовательной программы среднего профессионального образования на базе основного общего образования (Письмо Минпросвещения России от 14.04.2021 за № 05-401), Концепции преподавания общеобразовательных дисциплин с учетом профессиональной направленности программ среднего профессионального образования, реализуемых на базе основного общего образования (распоряжение Минпросвещения России от 30.04.2021 №Р-98) и примерной программы общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» для профессиональных образовательных организаций.

Программа учебной дисциплины «Математика» является основой для разработки рабочих программ, в которых профессиональные образовательные организации, реализующие образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ППССЗ на базе основного общего образования, уточняют содержание учебного материала, последовательность его изучения, распределение учебных часов, виды самостоятельных работ, тематику творческих заданий (рефератов, докладов, индивидуальных проектов и т. п.), учитывая специфику программ подготовки квалифицированных рабочих, служащих и специалистов среднего звена, осваиваемой профессии или специальности.

Программа может использоваться другими профессиональными образовательными организациями, реализующими образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ППССЗ на базе основного общего образования.

1.2 Место учебной дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы

Рабочая программа реализуется в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования (ППССЗ) и изучается в общеобразовательном цикле.

Данная учебная дисциплина входит в состав Общих учебных дисциплин общеобразовательного цикла ППССЗ и изучается на базовом уровне.

1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения учебной дисциплины:

Рабочая программа учебной дисциплины ориентирована на достижение следующих целей:

1. обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
2. обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
3. обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
4. обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих результатов:

личностных:

1. сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;
2. понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;
3. развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
4. овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
5. готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
6. готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;
7. готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
8. отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

метапредметных:

1. умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
2. умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
3. владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

4. умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
5. готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;
6. владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
7. владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;
8. целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

предметных:

1. сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;
2. сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;
3. владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
4. владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
5. сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;
6. владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;
7. сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;
8. владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

1.4. Рекомендуемое количество часов на освоение рабочей программы учебной дисциплины:

по специальности	44.02.02	Преподавание в начальных классах		
		всего часов	234	в том числе
максимальной учебной нагрузки обучающегося			234	часов, в том числе
обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося			156	часов,
самостоятельной работы обучающегося			78	часов

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

№	Вид учебной работы	Объем часов
1	Максимальная учебная нагрузка (всего)	234
2	Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	156
	в том числе:	
2.1	лабораторные и практические работы	116
2.2	лекции	40
3	Самостоятельная работа обучающегося (всего)	78
	в том числе:	
3.1	индивидуальный исследовательский проект	+
	<i>Указываются другие виды самостоятельной работы при их наличии</i>	
	Итоговая аттестация в форме: экзамен (письменный)	
	Итого	234

2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины

МАТЕМАТИКА

Наименование дисциплины

Номер разделов и тем	Наименование разделов и тем Содержание учебного материала: лекции, семинарские (практические) занятия; лабораторные и контрольные работы; самостоятельная работа обучающихся (если предусмотрены)	Объем часов	Уровень освоения
1	2	3	4
	Введение		1
Лекции		2	
Содержание учебного материала			
1	Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности.		1
2	Цели и задачи изучения математики в учреждениях начального и среднего профессионального образования.		1
Раздел 1.	Развитие понятия о числе	8+4	
Тема 1.1.	Целые и рациональные числа. Действительные числа.	3	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Конечные и бесконечные десятичные дроби, рациональное число		1
2	Иррациональное число, множество действительных чисел		2
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Множество действительных чисел, примеры	1	
Тема 1.2.	Приближенные вычисления	3	
Содержание учебного материала			
1	Операции над приближениями действительных чисел		3
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Округление, погрешности, правила (решение примеров)	1	
Тема 1.3.	Комплексные числа	3	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Определение комплексного числа, действительная и мнимая части		2
2	Равные и комплексно-сопряженные комплексные числа		2
3	Действия над комплексными числами		3
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Решение примеров	1	
Тема 1.4.	Решение задач	3	
Содержание учебного материала			
1	Действия над комплексными числами		2,1
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Решение примеров	1	
Раздел 2.	Корни, степени и логарифмы	20+7	
Тема 2.1.	Корни и степени. Корни натуральной степени из числа и их свойства.	5	
Лекции		1	

Содержание учебного материала			
1	Определение корня n-й степени		1
2	Подкоренное выражение, показатель корня; свойства		3
3	Арифметический корень		3
Практические занятия		3	
Самостоятельная работа студентов	Извлечение корня n-й степени из числа и применение свойств при поиске значения выражения	1	
Тема 2.2.	Степени с рациональными и действительными показателями, их свойства	6	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Степень с дробным показателем		2
2	Свойства степеней		2
3	Операции возведения в степень для любых числовых множеств		3
Практические занятия		3	
Самостоятельная работа студентов	Вычисление значений выражений, содержащих степени	2	
Тема 2.3.	Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество	4	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Основное логарифмическое тождество		2
2	Определение логарифма числа		2
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Нахождение логарифма числа, применение тождества	1	
Тема 2.4	Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию	5	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Понятие числа e		2
2	Десятичный и натуральный логарифмы		2
3	Свойства логарифмов		2
4	Формула перехода к новому основанию		3
Практические занятия		3	
Самостоятельная работа студентов	Упражнения по нахождению логарифмов с применением свойств и формулы	1	
Тема 2.5.	Преобразование выражений	6	
Содержание учебного материала			
1	Основные свойства		1
2	Преобразование рациональных, иррациональных, степенных, показательных и логарифмических выражений		3
Практические занятия		4	
Самостоятельная работа студентов	Подготовка к контрольной работе	2	
Контрольные работы	Контрольная работа №1	1	
Раздел 3.	Прямые и плоскости в пространстве	14+6	
Тема 3.1.	Аксиомы стереометрии	4	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Предмет стереометрии (определение, основные фигуры)		2
2	Аксиомы стереометрии (основные: A1, A2, A3)		2

3	Теоремы №1, №2 (следствия из аксиом)			2
	Практические занятия		2	
	Самостоятельная работа студентов	Основные аксиомы, теоремы+простейшие задачи	1	
	Тема 3.2.	Параллельность в пространстве	4	
	Лекции		1	
	Содержание учебного материала			
1	Параллельность прямых в пространстве: определение и теорема (о параллельных прямых); лемма (о пересечении плоскости параллельными прямыми), теорема			2
2	Параллельность прямой и плоскости: определение, взаимное расположение прямой и плоскости, теорема(признак параллельности прямой и плоскости)			2
3	Скрещивающиеся прямые, взаимное расположение двух прямых в пространстве, угол между двумя прямыми			2
4	Параллельность плоскостей: определение, теорема (признак параллельности двух плоскостей), свойства параллельных плоскостей			2
	Практические занятия		2	
	Самостоятельная работа студентов	Основные определения и теоремы, задачи	1	
	Тема 3.3.	Перпендикулярность в пространстве	6	
	Лекции		1	
	Содержание учебного материала			
1	Перпендикулярность прямой и плоскости: определение, теоремы (2), признак перпендикулярности прямой и плоскости (теорема)			2
2	Перпендикуляр и наклонные (определения, замечания, теорема о трех перпендикулярах), угол между прямой и плоскостью			2
3	Признак перпендикулярности двух плоскостей: определение, теорема			2
4	Прямоугольный параллелепипед: определение, свойства, теорема			3
	Практические занятия		3	
	Самостоятельная работа студентов	Теорема о трех перпендикулярах, нахождение значений наклонных и их проекций (задачи)	2	
	Тема 3.4.	Решение задач	5	
	Содержание учебного материала			
1	Перпендикулярность прямой и плоскости, перпендикуляр и наклонные			2,1
	Практические занятия		3	
	Самостоятельная работа студентов	Подготовка к контрольной работе	2	
	Контрольные работы	Контрольная работа №2	1	
	Раздел 4.	Основы тригонометрии	16+9	
	Тема 4.1.	Радианная мера угла. Вращательное движение. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа	3	
	Содержание учебного материала			
1	Понятие единичной окружности			1
2	Определение радиана			2
3	Формула перевода градусной меры угла в радианную и обратно			3
4	Вращательное движение			2
5	Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса числа			1
6	Знаки тригонометрических функций			3
7	Таблица значений тригонометрических функций углов			2
	Практические занятия		2	
	Самостоятельная работа студентов	Примеры по поиску радианной и градусной меры угла, вычисление значений тригонометрических выражений	1	

Тема 4.2		Основные тригонометрические тождества, формулы приведения	5	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Основное тригонометрическое тождество			1
2	Основные формулы (функции одного угла)			1
3	Применение основных формул (нахождение тригонометрических функций по значению одной функции угла α)			3
4	Формулы приведения. Алгоритм преобразований			2
Практические занятия			2	
Самостоятельная работа студентов		Нахождение значений тригонометрических функций по известным трем и углу	2	
Тема 4.3		Формулы тригонометрии	5	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Функции суммы и разности двух углов			2
2	Формулы двойного аргумента, половинного аргумента			2
3	Формулы суммы и разности функций			2
Практические занятия			2	
Самостоятельная работа студентов		Упростить выражения с применением формул	2	
Тема 4.4		Преобразования простейших тригонометрических выражений	5	
Содержание учебного материала				
1	Выполнение более сложных задач с применением рассмотренных формул			3
Практические занятия			3	
Самостоятельная работа студентов		Упростить выражения с применением формул	2	
Тема 4.5		Арксинус, арккосинус, арктангенс числа. Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства.	6	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Понятие обратных тригонометрических функций: арксинус, арккосинус, арктангенс, арккотангенс числа a			2
2	Простейшие тригонометрические уравнения, частные случаи			2
3	Способы решения простейших тригонометрических неравенств с применением единичной окружности			3
Практические занятия			3	
Самостоятельная работа студентов		Простейшие тригонометрические уравнения, подготовка к контрольной работе	2	
Контрольные работы		Контрольная работа №3	1	
Раздел 5.		Функции и графики	14+10	
Тема 5.1.		Функции и их графики	3	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Числовая функция, область определения, область значений			1
2	График функции, преобразования графиков (параллельный перенос, растяжение)			2
Практические занятия			1	
Самостоятельная работа студентов		Преобразования графиков	1	
Тема 5.2.		Свойства функции	5	
Содержание учебного материала				

1	Четные, нечетные функции, периодические функции		1
2	Возрастание и убывание функций, экстремумы		2
	Практические занятия		3
	Самостоятельная работа студентов	Задания	2
	Тема 5.3.	Исследование функций	5
Содержание учебного материала			
1	Схема исследования функций		2
2	«Чтение» графиков		3
	Практические занятия		3
	Самостоятельная работа студентов	Задания	2
	Тема 5.4.	Степенные, показательные, логарифмические функции	5
	Лекции		1
Содержание учебного материала			
1	Определения функций, их свойства и графики		2
	Практические занятия		2
	Самостоятельная работа студентов	Задачи	2
	Тема 5.5.	Тригонометрические функции	6
	Лекции		1
Содержание учебного материала			
1	Определения функций, их свойства и графики		2
	Практические занятия		2
	Самостоятельная работа студентов	Домашняя контрольная работа «Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции»	3
	Раздел 6.	Координаты и векторы	
	Тема 6.1.	Векторы в пространстве	3
	Лекции		1
Содержание учебного материала			
1	Понятие вектора, равенство векторов		1, 2
2	Сложение и вычитание векторов, умножение вектора на число		1, 2
3	Компланарные векторы, правило параллелепипеда, разложение вектора		2
	Практические занятия		1
	Самостоятельная работа студентов	Задачи	1
		Аудиторные:	76=18Л+58ПЗ
		Самостоятельная работа:	37
		Всего:	113
II семестр			
	Тема 6.2.	Метод координат в пространстве	4
	Лекции		1
Содержание учебного материала			
1	Прямоугольная система координат в пространстве, координаты вектора		1, 2
2	Угол между векторами, скалярное произведение векторов, уравнения сферы, плоскости, прямой		2
	Практические занятия		2
	Самостоятельная работа студентов	Применение формул при решении задач по нахождению координат вектора, длины вектора, скалярного произведения векторов	1

Тема 6.3.		Решение задач	5	
Содержание учебного материала				
1	Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач			3
Практические занятия			4	
Самостоятельная работа студентов		Решение задач	1	
Контрольные работы		Контрольная работа №4	1	
Раздел 7.		Многогранники и круглые тела	14+12	
Тема 7.1.		Двугранный угол. Многогранники. Призма	3	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Двугранный угол: определение, его составляющие, линейный угол			2
2	Многогранный угол			3
3	Понятие многогранника			2
Практические занятия			1	
Самостоятельная работа студентов		Определения + задачи	1	
Тема 7.2.		Призма и параллелепипед, их площадь поверхности и объем	4	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Параллелепипед: основные элементы, площадь поверхности и объем (теорема и доказательство)			1, 3
2	Понятие объема			2
3	Призма: определение, основные элементы; наклонная, прямая и правильная призма; формула для нахождения площади полной и боковой поверхности; объем (теорема и доказательство)			2,3
Практические занятия			1	
Самостоятельная работа студентов			2	
Тема 7.3.		Пирамида, ее площадь поверхности и объем	4	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Определение пирамиды, основные элементы, площадь поверхности; правильная пирамида – апофема, теорема о площади боковой поверхности; объем			2,3
Практические занятия			1	
Самостоятельная работа студентов		Подготовка к контрольной работе по теме «Многогранники, их площадь и объем»+ подготовка докладов по теме «Многогранники»	2	
Тема 7.4.		Многогранники в природе	3	
Содержание учебного материала				
1	Выступления студентов по соответствующей теме			2,3
Практические занятия			1	
Самостоятельная работа студентов		Подготовка к контрольной работе	2	
Тема 7.5.		Цилиндр и конус. Их площадь поверхности и объем	3	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Понятие цилиндра, основные элементы, сечения, площадь поверхности и объем (теорема и доказательство)			2
2	Понятие конуса, основные элементы, сечения, площадь поверхности и объем (теорема и доказательство)			2

Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Задачи по нахождению площади и объема круглых тел	1	
Тема 7.6.	Шар, его части, площади поверхностей и объемы	2	
Содержание учебного материала			
1	Сфера: определение, основные элементы; шар		1
2	Уравнение сферы, взаимное расположение сферы и плоскости		2
3	Площадь сферы		2
4	Объем шара (теорема), объемы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора		2
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Вычисление площади и объема шара	1	
Тема 7.7.	Подобие тел	2	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел		1,2
Самостоятельная работа студентов	Вычисление отношения объемов и площадей подобных тел	1	
Тема 7.8.	Подготовка к контрольной работе	4	
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Подготовка к контрольной работе (решение задач)	2	
Контрольные работы	Контрольная работа №5	1	
Раздел 8.	Уравнения и неравенства	14+9	
Тема 8.1.	Рациональные уравнения и неравенства. Основные приемы их решения	4	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Линейные уравнения и неравенства с одной переменной		1
2	Линейное уравнение с двумя переменными и его геометрическая интерпретация		2
3	Квадратные уравнения и их решения, теорема Виета		1
4	Уравнения, приводимые к квадратным уравнениям		2
5	Решение квадратных неравенств, метод интервалов		3
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Решение уравнений и неравенств	2	
Тема 8.2.	Иррациональные уравнения и неравенства	3	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Определение иррационального уравнения и неравенства		2
2	Методы решения иррациональных уравнений		3
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Определение, методы решения	1	
Тема 8.3.	Тригонометрические уравнения и неравенства	5	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Простейшие тригонометрические уравнения, частные случаи		1, 2
2	Способы решения простейших тригонометрических уравнений: замена неизвестной, разложение на множители, понижение степени уравнения		2
3	Уравнения, сводящиеся к простейшим с помощью тригонометрических формул		1

4	Способы решения простейших тригонометрических неравенств с применением единичной окружности		3
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства, частные случаи	2	
Тема 8.4.	Показательные уравнения и неравенства	3	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Определение показательного уравнения		2
2	Способы решения простейших показательных уравнений: вынесение общего множителя, замена неизвестной		2
3	Способы решения простейших показательных неравенств		3
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Способы решения показательных уравнений и неравенств	1	
Тема 8.5.	Логарифмические уравнения и неравенства	4	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Понятие логарифмического уравнения		2
2	Способы решения простейших логарифмических уравнений		2
3	Способы решения простейших логарифмических неравенств		3
4	Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.		2
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Решение уравнений и неравенств	1	
Тема 8.6.	Подготовка к контрольной работе	3	
Содержание учебного материала			
1	Решение уравнений и неравенств		1
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Задачи	2	
Контрольные работы	Контрольная работа №6	1	
Раздел 9.	Начала математического анализа	16+6	
Тема 9.1.	Числовые последовательности	2	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Определение числовой последовательности, способы задания, свойства		2
2	Предел числовой последовательности, вычисление пределов последовательностей		2
3	Сумма бесконечной геометрической прогрессии		3
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Вычисление пределов последовательностей		
Тема 9.2.	Производная. Правила вычисления производных	4	
Лекции		1	
Содержание учебного материала			
1	Понятие о непрерывности функции		2
2	Приращение аргумента и приращение функции (понятия и формулы)		2
3	Производная (определение и формула, обозначение), ее геометрический и механический смысл		2

4	Понятия: функция дифференцируема и дифференцирование. Уравнение касательной к графику функции		2
5	Правила и формулы дифференцирования функций		3
6	Таблица производных		2,3
Практические занятия			2
Самостоятельная работа студентов		Нахождение производных основных функций	1
Тема 9.3.		Нахождение производных функций. Производная сложной функции	4
Лекции			1
Содержание учебного материала			
1	Правила и формулы дифференцирования функций		1
2	Таблица производных		1
3	Понятие сложной функции		2
4	Правило нахождения производной сложной функции		3
Практические занятия			2
Самостоятельная работа студентов		Вычисление производных	1
Тема 9.4.		Применение производной к исследованию функций и построению графиков	6
Лекции			1
Содержание учебного материала			
1	Достаточные признаки возрастания и убывания функции, критические точки, существование экстремума, вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Вторая производная, ее геометрический и физический смысл		2
2	Общая схема построения графиков функций с помощью производной		2
3	Применение схемы для исследования функции и построения графика функции		3
Практические занятия			3
Самостоятельная работа студентов		Исследование функций и построение графиков	2
Тема 9.5.		Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	5
Лекции			1
Содержание учебного материала			
1	Правило нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на промежутке		2
2	Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах		3
Практические занятия			2
Самостоятельная работа студентов		Задачи	2
Контрольные работы		Контрольная работа №7	1
Раздел 10.		Интеграл и его применение	8+3
Тема 10.1.		Первообразная, ее основное свойство, три правила	3
Лекции			1
Содержание учебного материала			
1	Интегрирование (определение)		2
2	Первообразная (понятие), ее свойство (формулировка и формула); примеры		2
3	Таблица первообразных		1
4	Правила нахождения первообразных		3
Практические занятия			1
Самостоятельная работа студентов		Нахождение первообразных в общем виде	1

Тема 10.2.		Определенный интеграл	3	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Определение определенного интеграла			2
2	Формула Ньютона-Лейбница			2
Практические занятия			1	
Самостоятельная работа студентов		Вычисление интегралов	1	
Тема 10.3.		Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница	5	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Понятие криволинейной трапеции			2
2	Формула для вычисления площади криволинейной трапеции			1
3	Способы вычисления площадей криволинейных трапеций с помощью определенного интеграла			3
4	Примеры применения интеграла в физике и геометрии			1, 3
Практические занятия			3	
Самостоятельная работа студентов		Задачи	1	
Раздел 11.		Комбинаторика	8+2	
Тема 11.1.		Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний	5	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Основные понятия			2
2	Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов			3
Практические занятия			3	
Самостоятельная работа студентов		Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний	1	
Тема 11.2.		Решение задач	5	
Содержание учебного материала				
1	Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля. Применение теоретических знаний при решении задач			2, 1
Практические занятия			4	
Самостоятельная работа студентов		Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов. Самостоятельная работа	1	
Раздел 12.		Элементы теории вероятностей и математической статистики	8+4	
Тема 12.1.		Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей	5	
Лекции			1	
Содержание учебного материала				
1	Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей			2
2	Понятие о независимости событий			2
Практические занятия			3	
Самостоятельная работа студентов		Задачи по сложению и умножению вероятностей	1	
Тема 12.2.		Дискретная случайная величина, закон ее распределения.	3	
Лекции			1	

Содержание учебного материала			
1	Понятие дискретной случайной величины		2
2	Числовые характеристики дискретной случайной величины, понятие о законе больших чисел		3
Практические занятия		1	
Самостоятельная работа студентов	Поиск значений дискретной случайной величины	1	
Тема 12.3.	Представление данных	3	
Содержание учебного материала			
1	Таблицы, диаграммы, графики		1
2	Генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики.		3
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Нахождение среднего арифметического, медианы	1	
Тема 12.4.	Решение задач	3	
Содержание учебного материала			
1	Решение практических задач с применением вероятностных методов		1
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Задачи	1	
	Повторение	5	
Практические занятия		2	
Самостоятельная работа студентов	Задания для самоподготовки к экзамену	3	
		Аудиторные:	80=22Л+58ПЗ
		Самостоятельная работа:	41
		Всего:	121
		ИТОГО:	113+121=234

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

Реализация рабочей программы учебной дисциплины предполагает наличие

3.1.1	учебного кабинета	№203 кабинет математики с методикой преподавания, кабинет статистики
3.1.2	лаборатории	информатики и информационно-коммуникационных технологий;
3.1.3	зала	библиотека; читальный зал с выходом в сеть Интернет.

3.2 Оборудование учебного кабинета и рабочих мест кабинета

№	Наименования объектов и средств материально-технического обеспечения	Примечания
	Оборудование учебного кабинета	
	рабочие места по количеству обучающихся – не менее 25	+
	рабочее место преподавателя;	+
	доска для мела	+
	раздвижная демонстрационная система,	
	Библиотечный фонд (книгопечатная продукция)	
	Учебники	+
	Печатные пособия	
	Портреты	+

3.3. Используемые технологии обучения

В целях реализации системно-деятельностного и компетентностного подхода в образовательном процессе используются следующие активные и интерактивные формы проведения занятий: компьютерные симуляции, деловые и ролевые игры, анализ конкретных ситуаций, кейс метод, психологические и иные тренинги, круглый стол (групповые дискуссии и дебаты), проблемное обучение, мозговой штурм или брейнсторминг, интеллект-карты, интернет-экскурсии (интерактивная экскурсия), экскурсионный практикум, мастер-класс, знаково-контекстное обучение, проектное обучение, олимпиада, лабораторные опыты, конференция, дистанционное обучение, работа в малых группах, социальные проекты (внеаудиторные формы - соревнования, фильмы, спектакли, выставки и др.), интерактивные лекции (применением видео- и аудиоматериалов) и др.

3.4. Информационное обеспечение обучения
Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов,
дополнительной литературы

Основные печатные источники (2-3 издания)

№	Выходные данные печатного издания	Год издания	Гриф
1	Алимов Ш.А. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 кл.	2020	+
2	Алпатов, А.В. Математика: учебное пособие для СПО/А.В. Алпатов. — 2-е изд. — Саратов: Профобразование, АйПиЭр Медиа	2019	гриф
3	Богомолов, Н.В. Алгебра и начала анализа: учебное пособие для среднего профессионального образования/ Н.В. Богомолов. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 240 с.	2022	гриф

Дополнительные печатные источники

№	Выходные данные печатного издания	Год издания	Гриф
1	Богомолов, Н.В. Математика: учебник для среднего профессионального образования/Н.В. Богомолов, П.И. Самойленко. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2018. — 401 с.	2022	гриф
2	Богомолов, Н.В. Геометрия: учебное пособие для среднего профессионального образования/Н.В. Богомолов. — Москва: Издательство Юрайт, 2020. — 108 с. — (Профессиональное образование).	2022	гриф
3	Горюшкин, А. П. Математика: учебное пособие/А. П. Горюшкин; под редакцией М. И. Водинчара. — Саратов: Ай Пи Эр Медиа, 2019. — 824 с.	2019	
4	Гусев, В.А. Геометрия: учебное пособие для среднего профессионального образования/В.А. Гусев, И.Б. Кожухов, А.А. Прокофьев. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 280 с.	2022	гриф
5	Коробейникова, И. Ю. Математика. Теория вероятностей: учебное пособие для СПО/И. Ю. Коробейникова, Г. А. Трубецкая. — Саратов : Профобразование, 2019. — 154 с.	2019	гриф
6	Кремер, Н.Ш. Математика для колледжей: учебное пособие для среднего профессионального образования/Н.Ш. Кремер, О.Г. Константинова, М.Н. Фридман; под редакцией Н.Ш. Кремера. — 10-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2020. — 346 с.	2022	гриф

Дополнительные электронные издания

№	Выходные данные электронного издания	Режим доступа	Проверено
1	Единое окно доступа к образовательным ресурсам. Библиотека	свободный	2022

	http://window.edu.ru/window/library		
2	Пособия по математике, задачи олимпиад, познавательная литература http://www.math.ru/	свободный	2022
3	Интерактивный справочник формул и сведений по алгебре, тригонометрии, геометрии http://www.fxyz.ru/	свободный	2022
4	Allmath.ru — вся математика в одном месте http://www.allmath.ru	свободный	2022
5	http://oldskola1.narod.ru/ - старые учебники и учебные материалы на их основе	свободный	2022

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Банк средств для оценки результатов обучения

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий и лабораторных работ, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

Оценочные средства составляются преподавателем самостоятельно при ежегодном обновлении банка средств. Количество вариантов зависит от числа обучающихся.

№	Результаты обучения (освоенные умения, усвоенные знания)	Основные показатели оценки результата	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
	Личностные результаты		
1.	сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;	Правильное применение производной для нахождения наилучшего решения	<p style="text-align: center;">Самостоятельные работы:</p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ Приближенные вычисления; ✓ Комплексные числа ✓ Корень и его свойства ✓ Степень и его свойства ✓ Логарифм, свойства, тождество ✓ Формулы тригонометрии ✓ Обратные тригонометрические функции ✓ Свойства функции ✓ Прямоугольная система координат в пространстве, координаты вектора ✓ Призма и параллелепипед, их площадь и объем
2.	понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;	Доклады об ученых-математиках, различных математических открытиях	
3.	развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;	Построение стереометрических фигур, графиков функций; представление верно составленного алгоритма решения геометрических задач, исследования функций	
4.	овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла,	Выполнение статистической обработки данных, нахождение основных статистических характеристик, умение использовать	

	для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;	табличных данных	<ul style="list-style-type: none"> ✓ Рациональные уравнения и неравенства ✓ Показательные уравнения и неравенства ✓ Правила вычисления производных ✓ Интеграл ✓ Комбинаторика ✓ Статистика
5.	готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;	Создание проектов	<ul style="list-style-type: none"> ✓ Контрольные работы: ✓ Корни, степени и логарифмы ✓ Прямые и плоскости в пространстве ✓ Основы тригонометрии ✓ Координаты и векторы ✓ Многогранники и круглые тела ✓ Уравнения и неравенства ✓ Производная и ее применение
6.	готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;	Систематическое выполнение домашних заданий, работа над проектами	
7.	готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;	Участие в олимпиадах	<p>Доклады по геометрии: «Из истории геометрии», «Многогранники в природе», «Вероятностный характер различных процессов окружающего мира»</p> <p>Конспекты «История развития понятия числа», «Значение математической науки»</p> <p>Исследовательские проекты</p>
8.	отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;	Участие в конференциях, конкурсах	
	Мегапредметные результаты		
1.	умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;	Поиск информации для создания проекта, умение применять конспекты для решения задач	
2.	умение продуктивно общаться и	Решение и обсуждение задач	

	взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;	при работе в группах	
3.	владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;	Выполнение письменных работ	
4.	умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;	Успешное выполнение письменных работ	
5.	готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;	Подготовка информации для выступлений	
6.	владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;	Устные ответы при опросах, выступления с докладами	
7.	владение навыками познавательной рефлексии		

	как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;	
8.	целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;	Решение задач
	Предметные результаты	
1.	сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;	Умение применять математические понятия в смежных науках
2.	сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;	Поиск наилучшего решения
3.	владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;	Решение геометрических задач с верным изложением хода доказательства
4.	владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и	Успешное выполнение промежуточных контрольных работ

	иллюстрации решения уравнений и неравенств;		
5.	сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;	Исследование функций с применением производной, сопровождающееся построением графиков	
6.	владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;	Правильное выполнение и чтение чертежей, выявление основных характеристик фигур, нахождение неизвестных элементов	
7.	сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;	Нахождение вероятности событий	
8.	владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.	Статистическая обработка, построение графиков функций	

**4.2 Примерный перечень
вопросов и заданий для проведения
итогового контроля учебных достижений обучающихся
при реализации среднего общего образования**

1. Развитие понятия о числе
2. Корни, степени и логарифмы. Свойства
3. Основы тригонометрии, формулы тригонометрии
4. Функции, их свойства и графики
5. Прямые и плоскости в пространстве, построения, аксиомы
6. Координаты и векторы, метод координат в пространстве
7. Элементы комбинаторики. Перестановки, размещения, сочетания
8. Уравнения и неравенства
9. Начала математического анализа: производная, правила нахождения производных, применение
10. Геометрические тела и поверхности, их объемы и площади
11. Элементы теории вероятностей и математической статистики

5. ПРИМЕРНАЯ ТЕМАТИКА ИНДИВИДУАЛЬНЫХ ПРОЕКТОВ

1. История математики
2. Средние значения и их применение в статистике
3. Векторное задание прямых и плоскостей в пространстве
4. Графическое решение уравнений и неравенств
5. Правильные многогранники
6. Понятие дифференциала и его приложения
7. Исследование уравнений и неравенств с параметром
8. Математика и спорт